

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Сибирский государственный аэрокосмический университет
имени академика М.Ф. Решетнева»
(СибГАУ)



УТВЕРЖДАЮ
Проректор по НИД

Ю.Ю. Логинов

2017 г.

ПРОГРАММА

ВСТУПИТЕЛЬНОГО ЭКЗАМЕНА ПО СПЕЦИАЛЬНОСТИ

| | | |
|--|---|-----------------------|
| Направление подготовки: | 01.06.01 | МАТЕМАТИКА И МЕХАНИКА |
| Профиль подготовки: | <i>шифр</i> | <i>наименование</i> |
| | МЕХАНИКА ДЕФОРМИРУЕМОГО ТВЕРДОГО ТЕЛА | |
| Форма обучения: | | <i>наименование</i> |
| | | Очная, заочная |
| Квалификация выпускника | Исследователь. Преподаватель-исследователь. | |
| Кафедра-разработчик рабочей программы | Информационно-экономических систем | |

Красноярск 2017

1. Общие положения

Настоящая программа вступительного экзамена по профилю подготовки – Механика деформируемого твердого тела составлена в соответствии с Федеральными государственными образовательными стандартами высшего образования.

Процедура приема вступительных экзаменов регламентирована Порядком приема на обучение по образовательным программам высшего образования - программам подготовки научно – педагогических кадров в аспирантуре, утвержденным приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от 26 марта 2014 г. № 233.

Результаты экзамена оцениваются по пятибалльной шкале.

Пересдача вступительных экзаменов не допускается. Результаты вступительных экзаменов в аспирантуру действительны в течение календарного года

2. Цели вступительных испытаний

Выявление профессионального уровня знаний, приобретённых в процессе получения высшего образования, осознание основных аспектов будущей научной специальности и выявление научного потенциала поступающего.

3. Требования к уровню подготовленности к профессиональной деятельности

Кандидат на поступление в аспирантуру должен иметь диплом о высшем образовании (специалитет, магистратура) по выбранной, родственной или профильной специальности и должен подготовить реферат или иметь опубликованные работы по специальности.

Поступающий должен иметь подготовку в области организации научно-исследовательской работы, методики проведения и обработки результатов эксперимента, знать физико-математические основы специальности. Проявлять системный подход к процессам и явлениям, уметь пользоваться такими категориями, электронная структура, транспортные свойства, магнетизм, кристаллическая структура, фазовые превращения.

4. Форма проведения вступительного экзамена

Испытание осуществляется в форме письменного изложения ответов на содержащиеся в настоящей программе вопросы и собеседования (3 вопроса).

Продолжительность экзамена - 1 час.

При подготовке ответа экзаменуемому разрешается пользоваться справочниками, ГОСТами и другой нормативно-технической литературой.

Введение

Механика деформируемого твердого тела являются неотъемлемой частью теории науки и научных исследований, поэтому учебная дисциплина. «Механика деформируемого твердого тела»,

базируется на материалах предшествующих естественно -научных дисциплин теоретическая механика, алгебра, математический анализ, дифференциальные уравнения, уравнения математической физики, что также подчеркивает их неразрывную связь с изучаемым предметом.

1. Механика и термодинамика сплошных сред

Понятие сплошного тела. Гипотеза сплошности. Физически и геометрически малый элемент. Деформация элемента сплошной среды. Два способа описания деформации сплошного тела. Координаты Эйлера и координаты Лагранжа. Переход от Эйлера описания к Лагранжу и обратно. Тензор деформации Коши-Грина. Геометрический смысл компонент тензора деформации Грина. Тензор деформации Альманси. Геометрический смысл компонент тензора деформации Альманси. Условия совместности деформаций. Формулировка условий совместности деформаций в цилиндрической и сферической системе координат. Вычисление тензора малых деформаций по заданному полю перемещений. Формулы Чезаро. Классификация сил в механике сплошных сред: внешние и внутренние силы, массовые и поверхностные силы. Тензоры напряжений Коши, Пиолы и Кирхгофа. Законы сохранения механики сплошных сред: уравнения баланса массы, импульса, момента импульса, кинетической, потенциальной и полной энергии. Термодинамические процессы и циклы. Термодинамические параметры состояния. Понятия о работе, теплоте, внутренней энергии, температуре и энтропии. Первый и второй законы термодинамики. Термодинамические потенциалы состояния. Общие формы определяющих соотношений механики сплошных сред. Физическая размерность. Анализ размерностей и П-теорема. Автомодельные решения. Примеры.

2. Теория упругости

Упругое деформирование твердых тел. Упругий потенциал и энергия деформации. Линейно упругое тело Гука. Понятие об анизотропии упругого тела. Тензор упругих модулей. Частные случаи анизотропии: трансверсально изотропное и ортотропное упругое тело. Упругие модули изотропного тела. Полная система уравнений теории упругости. Уравнения Ламе в перемещениях. Уравнения Бельтрами—Митчелла в напряжениях. Граничные условия. Постановка краевых задач математической теории упругости. Основные краевые задачи. Принцип Сен-Венана. Общие теоремы теории упругости: теорема Клапейрона, тождество взаимности, теорема единственности. Основные энергетические функционалы линейной теории упругости. Вариационные принципы теории упругости: принцип минимума полной потенциальной энергии, принцип минимума дополнительной энергии, принцип Рейснера. Теоремы Кастильяно. Теорема Бетти. Примеры. Действие сосредоточенной силы в неограниченной упругой среде. Тензор Грина. Граничные интегральные представления напряжений и перемещений. Формула Сомильяны. Общие представления решений уравнений теории упругости: представление Кельвина, представление Галеркина и представление Папковича—Нейбера. Нормальная нагрузка на границе полупространства (задача Буссинеска). Касательная нагрузка на границе полупространства (задача Черрути). Плоское напряженное и плоское деформированное состояние. Плоская задача теории упругости. Метод комплексных потенциалов Колосова—Мухелишвили. Комплексное представление напряжений и перемещений. Уравнения плоской задачи теории упругости в полярных координатах. Смешанная задача для полуплоскости. Задача Гриффитса. Антиплоская деформация. Трещина антиплоского сдвига в упругом теле. Кручение и изгиб призматического тела (задача Сен-Венана). Теоремы о циркуляции касательного напряжения при кручении и изгибе. Центр изгиба. Задача о действии штампа с плоским основанием на полуплоскость. Контактная задача Герца.

Теория тонких упругих пластин и оболочек. Основные гипотезы. Полная система уравнений теории пластин и оболочек. Граничные условия. Постановка задач теории пластин и оболочек. Безмоментная теория. Краевые эффекты. Задача о круглой симметрично нагруженной пластине.

Динамические задачи теории упругости. Уравнения движения в форме Ламе. Динамические, геометрические и кинематические условия совместности на волновом фронте. Свободные волны в неограниченной изотропной упругой среде. Общее решение в форме Ламе. Фундаментальное решение динамических уравнений теории упругости для пространства. Плоские гармонические волны. Коэффициенты отражения, прохождения и трансформации. Полное отражение. Поверхностные волны Релея. Волны Лява. Установившиеся колебания упругих тел. Частоты и формы собственных колебаний. Вариационный принцип Релея. Температурные задачи теории упругости. Уравнения термоупругости.

3. Теория пластичности

Пластическое деформирование твердых тел. Предел текучести. Упрочнение. Остаточные деформации. Идеальная пластичность. Физические механизмы пластического течения. Понятие о дислокациях. Локализация пластических деформаций. Линии Людерса—Чернова.

Идеальное упругопластическое тело. Идеальное жесткопластическое тело. Пространство напряжений. Критерий текучести и поверхность текучести. Критерии Треска и Мизеса. Пространство главных напряжений. Геометрическая интерпретация условий текучести. Условие полной пластичности. Влияние среднего напряжения. Упрочняющееся упругопластическое тело. Упрочняющееся жесткопластическое тело. Функция нагружения, поверхность нагружения. Параметры упрочнения.

Законы связи между напряженным и деформированным состояниями в теории течения. Принцип Мизеса. Постулат Друккера. Ассоциированный закон пластического течения. Теория скольжения. Краевые задачи теории течения. Теоремы единственности. Вариационные принципы теории течения. Теория предельного равновесия. Статическая и кинематическая теоремы теории предельного равновесия. Верхние и нижние оценки. Примеры. Кручение призматического тела за пределом упругости. Предельное равновесие при кручении. Характеристики. Поверхность напряжений как поверхность постоянного ската. Песчаная аналогия. Разрывы напряжений. Песчано-мембранная аналогия Прандтля—Надаи для кручения идеально упругопластических тел.

Пластическое плоское деформированное состояние. Уравнения для напряжений и скоростей. Статически определимые и неопределимые задачи. Характеристики. Свойства линий скольжения. Методы решения основных краевых задач теории плоской пластической деформации. Задача Прандтля о вдавливании штампа. Пластическое плоское напряженное состояние. Уравнения для напряжений и скоростей при условии пластичности Мизеса. Характеристики. Плоские упругопластические задачи теории идеальной пластичности. Двухосное растяжение толстой и тонкой пластин с круговым отверстием. Деформационные теории пластичности. Теория Генки. Теория малых упругопластических деформаций А.А. Ильюшина. Теорема о разгрузке. Метод упругих решений. Задача о толстостенной трубе из упрочняющегося материала. Упругопластические волны в стержне. Ударное нагружение. Волна разгрузки. Остаточные деформации. Критическая скорость удара.

4. Теория вязкоупругости и ползучести

Понятие о ползучести и релаксации. Кривые ползучести и релаксации. Простейшие модели линейно вязкоупругих сред: модель Максвелла, модель Фохта, модель Томсона. Время релаксации. Время запаздывания. Определяющие соотношения теории вязкоупругости. Ядра ползучести и релаксации. Непрерывные ядра и ядра со слабой особенностью. Термо-динамические ограничения на выбор ядер ползучести и релаксации.

Формулировка краевых задач теории вязкоупругости. Методы решения краевых задач теории вязкоупругости: принцип соответствия Вольтерры, применение интегрального преобразования Лапласа, численные методы. Теорема единственности.

Вариационные принципы в линейной вязкоупругости. Применение вариационного метода к задачам изгиба. Плоская задача о вдавливании жесткого штампа в вязкоупругую полуплоскость. Контакт вязкоупругих тел: аналог задачи Герца. Определяющие соотношения нелинейной теории вязкоупругости. Разложение Вольтерры—Фреше. Упрощенные одномерные модели. Теории старения, течения, упрочнения и наследственности. Ползучесть при сложном напряженном состоянии. Определяющие соотношения.

Установившаяся ползучесть. Уравнения состояния деформируемых тел, находящихся в условиях установившейся ползучести. Постановка краевых задач. Вариационные принципы теории установившейся ползучести: принцип минимума полной мощности, принцип минимума дополнительного рассеяния. Установившаяся ползучесть и длительная прочность стержня.

Неустановившаяся ползучесть. Определяющие уравнения теории неустановившейся ползучести. Вариационные принципы теории течения и теории упрочнения. Неустановившаяся ползучесть стержневой решетки. Устойчивость стержней и пластин из реономных материалов.

5. Механика разрушения

Понятие о разрушении и прочности тел. Общие закономерности и основные типы разрушения. Концентраторы напряжений. Коэффициент концентрации напряжений: растяжение упругой полуплоскости с круговым и эллиптическим отверстиями. Феноменологические теории прочности. Критерии разрушения: деформационный, энергетический, энтропийный. Критерии длительной и усталостной прочности. Расчет прочности по допускаемым напряжениям. Коэффициент запаса прочности.

Двумерные задачи о трещинах в упругом теле. Метод разложения по собственным функциям в задаче о построении асимптотик полей напряжений и перемещений у вершины трещины в упругом теле. Коэффициент интенсивности напряжений, методы его вычисления и оценки.

Скорость высвобождения энергии при продвижении трещины в упругом теле. Энергетический подход Гриффитса в механике разрушения. Силовой подход в механике разрушения: модели Баренблатта и Ирвина. Эквивалентность подходов в случае хрупкого разрушения. Формула Ирвина.

J-интеграл Эшелби—Черепанова—Райса и его инвариантность. Вычисление потока энергии в вершину трещины. JR -кривая.

Динамическое распространение трещин. Динамический коэффициент интенсивности напряжений. Предельная скорость трещины хрупкого разрушения (теоретическая оценка и экспериментальные данные).

Локализованное пластическое течение у вершины трещины. Оценка линейного размера пластической зоны у вершины трещины по Ирвину. Поле скольжения у вершины трещины нормального отрыва в идеально пластическом теле. Модель трещины Леонова—Панасюка—Дагдейла с узкой зоной локализации пластических деформаций.

Кинетическая концепция прочности твердых тел. Формула Журкова. Кинетическая теория трещин. Рост трещин в условиях ползучести.

Понятие об усталостном разрушении. Малоцикловая и многоцикловая усталость. Основные законы роста усталостных трещин. Понятие о поврежденности. Типы поврежденности. Математическое представление поврежденности. Параметр поврежденности Качанова—Работнова. Кинетические уравнения накопления поврежденности. Принцип линейного суммирования повреждений. Накопление повреждений в условиях ползучести.

6. Численные методы решения задач механики деформируемого твердого тела

Метод конечных разностей. Типичные разностные схемы для параболических, эллиптических и гиперболических уравнений. Метод конечных разностей для дифференциальных уравнений теории упругости. Вариационный принцип минимума полной потенциальной энергии упругого тела. Методы Релея—Ритца, Бубнова—Галеркина и градиентного спуска в задачах минимизации функционала полной потенциальной энергии.

Метод конечных элементов в теории упругости. Пределы применимости метода конечных элементов.

Формула Сомильяны и метод граничных интегральных уравнений (метод граничных элементов). Метод характеристик в двумерных задачах теории пластичности. Область определенности и область зависимости решения гиперболической краевой задачи. Метод лучевых разложений для решения гиперболических задач теории пластичности и волновой динамики. Понятие о вычислительном эксперименте. Использование вычислительного эксперимента для решения задач механики деформируемого твердого тела.

Вопросы для экзамена:

1. Описание движения сплошной среды.
2. Отсчётная, актуальная конфигурации.
3. Лагранжевы (материальные) и эйлеровы (пространственные) координаты.
4. Траектории движения.
5. Векторные линии. Линии тока.
6. Установившееся движение.
7. Масса, плотность.
8. Скаляры, векторы, тензоры.
9. Полная производная, местная и конвективная производные.

10. Перемещения, скорость.
11. Меры и тензоры деформаций.
12. Изменение длины волокна, площадей и объёмов при деформировании.
13. Теорема о полярном разложении
14. Инварианты деформации.
15. Малые деформации, физический смысл их компонент.
16. Условия совместности
17. Производная по времени от интеграла по подвижному объёму.
18. Закон сохранения масс. Уравнение неразрывности.
19. Уравнения неразрывности для многокомпонентной среды, в которой протекают химические реакции.
20. Постулат об изменении количества движения.
21. Тензоры и векторы напряжений.
22. Уравнения движения сплошной среды.
23. Постулат об изменении момента количества движения.
24. Модель упругого тела.
25. Закон Гука.
26. Модули упругости.
27. Условие пластичности.
28. Условие (критерий) текучести.
29. Критерий текучести Треска (теория максимального касательного напряжения)
30. . Предел текучести на сдвиг и растяжение.
31. Деформационная теория пластичности.
32. Теория течения. Теория упругопластической деформации.
33. Параметр Генки.
34. Теория пластического течения.
35. Уравнения Прандтля – Рейсса.
36. Плоская задача теории пластичности.
37. Линии скольжения и их свойства.
38. Уравнения Генки.
39. . Элементы группового анализа..
40. Группы Ли.
41. Инфинитезимальные операторы.
42. Мера некоммутативности.
43. Инвариантные решения.
44. Групповые свойства плоской задачи теории пластичности.
45. Поля скоростей для решения Прандтля.
46. Спиральные течения.
47. Инвариантное решение Михлина.
48. «Размножение» решений.
49. Уравнения Треска – Сен – Венана в осесимметричном случае.
50. Теория упрочняющегося упруго-пластического тела.
51. Изотропное и кинематическое упрочнения,
52. Законы сохранения плоской задачи теории пластичности.
53. Ползучесть при одномерном и сложном напряженном состоянии.
54. Диаграммы ползучести и релаксации
55. . Наследственные модели. Л
56. инейные модели вязкоупругого поведения материала.
57. Ядро релаксации и ядро ползучести.
58. Модель Максвелла.
59. Модель Кельвина – Фойхта.
60. Обобщенные модели. Принцип соответствия Вольтера.
61. Модели вязкопластических сред.
62. Определяющие уравнения Шведова – Бингама.
63. Теории старения, течения и упрочнения при ползучести.

64. Ползучесть стержневой системы.
65. Время разрушения стержня при ползучести.
66. Система двух стержней.
67. Основные уравнения в плоском, осесимметричном и пространственном случае.
68. Вращение тонкого диска.
69. Задача о стационарном течении вязкопластической среды в трубе.
70. Задача о вращательном движении.
71. Минимальные принципы в перемещениях и напряжениях.
72. Связь механики разрушения с физикой твердого тела. Дефекты кристаллической структуры: вакансии, примесные атомы, краевые и винтовые дислокации.
73. Классификация разрушений.
74. Механика хрупкого разрушения.
75. Задачи теории упругости для тела с трещиной.
76. Коэффициенты интенсивности напряжений.
77. Интенсивность высвобождения энергии упругой деформации.
78. Удельная работа разрушения.
79. Энергетический критерий хрупкого разрушения.
80. Инвариантный J – интеграл.
81. Формулировка критерия разрушения в терминах J - интеграла.
82. Оценка степени роста напряжений в вершине трещины для нелинейной диаграммы деформирования.
83. Приближенный учет пластических деформаций в вершине трещины.
84. Критерий предельного раскрытия трещины.
85. Усталостное разрушение в условиях циклического нагружения.
86. Кривая Велера.
87. Уравнение Париса и его обобщение.
88. Динамическое разрушение.
89. Критерий старта трещины
90. Вязкое разрушение.
91. Разрушение при ползучести.
92. Теория накопления повреждений.

А) Основная литература:

1. Сабиров Р.А. Методы расчета напряженно-деформированного состояния стержней и стержневых систем. Красноярск, СибГАУ, 2008.
2. Сабиров Р.А., Шкутин Л.И. Введение в теорию материалов и конструкций. Красноярск, СибГАУ, 2010.
3. Ивлев Д.Д., Максимова Л.А., Непершин Р.И., Радаев Ю.Н., Сенашов С.И., Шемякин Е.И. Предельное состояние деформированных тел и горных пород, М.:Физматлит, 2008
4. Сенашов С.И., Гомонова О.В., Яхно А.Н. Математические вопросы двумерных уравнений идеальной пластичности. Красноярск, СибГАУ, 2012.

Б) Дополнительная литература:

1. Сенашов С.И. Групповой анализ для механиков. Красноярск, Изд-во КрасГУ, 1993.
2. Ивлев Д.Д. Теория идеальной пластичности. М.: Наука, 1996.
3. Ильюшин А.А. Пластичность. М., 1998.
4. Введение в физику поверхности / К. Оура [et al.]. - Москва : Наука, 2006. - 490 с
5. Справочник Шпрингера по нанотехнологиям [Текст] : в 3-х т. / ред. Б. Бхушан, пер. А.Н. Сауров. - Москва : Техносфера. – 2010
6. Епифанов Г. И. Физика твердого тела : учеб. пособие / Г. И. Епифанов. - 4-е изд., стер. - Санкт-Петербург : Лань, 2011. - 288 с. : ил. - (Учебники для вузов. Специальная литература)

